

TD 3 : Polynômes et LFSR

Axel DURBET

6 septembre 2022

L'expérience n'est une lumière qui n'éclaire que soi-même. Lao Tseu.

Exercice 0.1 (Division Euclidienne) Faire les divisions Euclidienne suivantes :

- $-2X^4 + 3X^3 - X - 3$ par $X^2 + X + 4$ modulo 7
- $3X^5$ par $-X^3 - 2$ modulo 4
- $5X^6 + 5X^4 + 3X^2 - 3X$ par $X^3 - X$ modulo 7
- $X^4 + X^3 - X^2 - X$ par $X + 1$ modulo 2
- $-2X^8 + 2X^7 + X^6 - X^5 + X^4 - 2X^3 - X^2 + X + 2$ par $2X^5 + 5X^4 + 3X^3 + X^2 - X + 5$ modulo 7
- $-4X^7 + 5X^5 + 2X^4 - X^3 + X^2 + 2X + 2$ par $-3X^4 + X^3 + X^2 + 3X - 1$ modulo 6
- $-X^6 + 3X^5 - 2X^3 + X + 1$ par $-X^5 - X^4 + X^3 - X^2 + 5X - 2$ modulo 7
- $-3X^6 - 3X^5 - X^4 + X^3 - X^2 - 1$ par $X^5 + 3X^4 - X^3 - X^2 + X - 1$ modulo 5
- X par $-X^2 + X$ modulo 2
- $X^3 - X^2$ par $X^4 - X^3 + 1$ modulo 2
- $-X^9 + X^8 + X^7 + X^5 - X^3 + 4X^2$ par $-X^5 - 2X^4 + 2X^3 - 2X^2 - 4X + 3$ modulo 5
- $5X^3$ par $-X^3 + 5X^2 + X - 1$ modulo 7

Exercice 0.2 (Polynôme Premier) Déterminer si les polynômes suivants sont premiers dans \mathbb{F}_2 :

- | | | |
|-----------------------------|-----------------------------------|-------------------------------------------|
| • $X^2 + 1$ | • $X^5 + X^4 + X^3 + X + 1$ | • $X^8 + X^5 + X^3 + X^2 + 1$ |
| • $X^2 + X + 1$ | • $X^6 + X^5 + X^4 + X^3 + X + 1$ | • $X^8 + X^7 + X^6 + X^4 + X^3 + X^2 + 1$ |
| • $X^3 + X$ | • $X^6 + X^5 + X^4 + X^3$ | • $X^8 + X^4 + X^3 + X + 1$ |
| • $X^3 + X + 1$ | • $X^6 + X^5 + 1$ | • $X^8 + X^6 + X^5 + X^3 + 1$ |
| • $X^3 + X^2$ | • $X^6 + X^5 + X^4 + X + 1$ | • $X^9 + X^5 + X^3 + X^2 + 1$ |
| • $X^4 + X^3 + X^2 + X + 1$ | • $X^6 + X^5 + X^4 + X^3 + X$ | • $X^9 + X^8 + X^7 + X^6 + X$ |
| • $X^4 + X + 1$ | • $X^7 + X^5 + X^3 + X + 1$ | • $X^9 + X^8 + X^6 + X^5 + X^4 + X + 1$ |
| • $X^4 + X^3 + X^2 + 1$ | • $X^7 + X^6 + X^5 + X^4 + 1$ | • $X^9 + X^8 + X^6 + X^3 + 1$ |
| • $X^5 + X^3 + 1$ | • $X^7 + X + 1$ | |
| • $X^5 + X^4 + X^2$ | • $X^7 + X^6 + X^4 + X + 1$ | |

Exercice 0.3 (Polynôme Primitif) Identifier les polynômes primitifs parmi les polynômes suivants :

- | | | |
|-----------------------------|-------------------------------|-------------------------------|
| • $X^2 + X + 1$ | • $X^5 + X^3 + 1$ | • $X^6 + X^4 + X^2 + X + 1$ |
| • $X^3 + X^2 + 1$ | • $X^5 + X^3 + X^2 + X + 1$ | • $X^6 + X + 1$ |
| • $X^3 + X + 1$ | • $X^5 + X^4 + X^3 + X + 1$ | • $X^6 + X^3 + 1$ |
| • $X^4 + X^3 + X^2 + X + 1$ | • $X^5 + X^4 + X^3 + X^2 + 1$ | • $X^6 + X^5 + X^2 + X + 1$ |
| • $X^4 + X^3 + 1$ | • $X^5 + X^2 + 1$ | • $X^6 + X^5 + X^3 + X^2 + 1$ |
| • $X^4 + X + 1$ | • $X^6 + X^5 + X^4 + X + 1$ | |

Exercice 0.4 (LFSR) Donner la suite de bit générée par le polynôme P avec la graine g dans \mathbb{F}_2 :

- | | |
|------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------|
| • $P = X^2 + X + 1$ et $g = [0, 1, 1]$ | • $P = X^5 + X^3 + 1$ et $g = [1, 1, 1, 0, 0, 1]$ |
| • $P = X^3 + X^2 + 1$ et $g = [1, 0, 1, 1]$ | • $P = X^6 + X^5 + X^4 + X + 1$ et $g = [1, 1, 0, 0, 0, 1, 0]$ |
| • $P = X^4 + X^3 + 1$ et $g = [1, 1, 0, 1, 0]$ | • $P = X^6 + X^5 + X^2 + X + 1$ et $g = [0, 1, 0, 1, 0, 0, 1]$ |